TRISECCIÓN INVERSA: (Pothenot)

Consiste en dar coordenadas a un punto en el que por interés estacionamos, a partir de cuatro vértices de coordenadas conocidas.

En el trabajo de campo anotaremos las observaciones horizontales y verticales, en posición normal e invertida del anteojo, realizando como mínimo cuatro vueltas de horizonte, es decir dos series completas.

En cada serie realizamos dos vueltas de horizonte, una con el anteojo normal y la segunda, con el anteojo invertido.

Ejercicio:

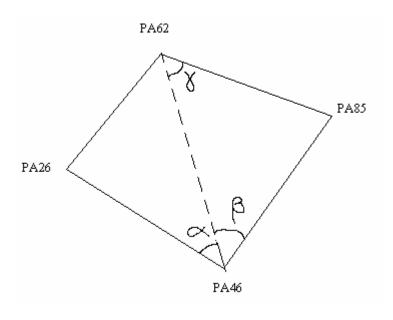
Calcular las coordenadas planimétricas del punto de apoyo P.A. 46, a partir de los puntos de apoyo 26, 62 y 85, cuyas coordenadas son las siguientes:

P.A. 26:
$$X = 348 \text{ m}$$
 $Y = 380 \text{ m}$

P.A. 62:
$$X = 450 \text{ m}$$
 $Y = 640 \text{ m}$

P.A. 85:
$$X = 960 \text{ m}$$
 $Y = 520 \text{ m}$

$$\dot{\alpha} = 55,2032^{g}$$
 $\beta = 66,3026^{g}$



$$\theta_{62}^{26} = arctg \frac{X_{26} - X_{62}}{Y_{26} - Y_{62}} (3^{\circ}C) = 223,80^{g}$$

$$\theta_{62}^{85} = arctg \frac{X_{85} - X_{62}}{Y_{85} - Y_{62}} = (2^{\circ}C) = 114,71^{g}$$

$$D_{\overline{26-62}} = \sqrt{\left(X_{62} - X_{26}\right)^2 + \left(Y_{62} - Y_{26}\right)^2} = 279,29 \, m$$

$$D_{\overline{62-85}} = \sqrt{\left(X_{85} - X_{62}\right)^2 + \left(Y_{85} - Y_{62}\right)^2} = 523,93 \, m$$

$$P\widehat{62} = \theta_{62}^{26} - \theta_{62}^{85} = 109,09^g$$

$$P\widehat{26} + P\widehat{62} + P\widehat{85} + \alpha + \beta = 400^{g}$$

$$P\widehat{62} + P\widehat{85} = 400^g - (109,09^g + 55,2032^g + 66,3026^g) = 169,4042^g$$

$$P\widehat{26} = 169,4042 - P\widehat{85}$$
 (1)

$$\frac{D_{\overline{26-62}}}{\operatorname{sen}\alpha} = \frac{D_{\overline{62-46}}}{\operatorname{sen}P\widehat{26}}$$

$$\frac{D_{\overline{26-85}}}{\operatorname{sen}\beta} = \frac{D_{\overline{62-46}}}{\operatorname{sen}P\widehat{85}}$$

Igualando y sustituyendo:

$$\frac{279,29\,sen\left(169,4042-P\widehat{85}\right)}{sen\,55,2032} = \frac{523,93\,senP\widehat{85}}{sen\,66,3026}$$

Operando;

$$366,29 \left[sen \left(169,4042 - P\widehat{85} \right) \right] = 606,99 sen P\widehat{85}$$

$$sen \left(169,4042 - P\widehat{85} \right) = 1,65 sen P\widehat{85}$$

$$sen 169,4042 \cos P\widehat{85} - \cos 169,4042 sen P\widehat{85} = 1,65 sen P\widehat{85}$$

Dividiendo por sen P85:

$$sen 169,4042 ctg P \widehat{85} - \cos 169,4042 = 1,65$$

 $P \widehat{85} = 34,6684^g$

$$\gamma = 200 - (\beta + P85) = 200 - (66,3026 + 34,6684) = 99,029^{g}$$

$$\theta_{62}^{46} = \theta_{62}^{85} + \gamma = 213,739^g$$

$$\frac{D_{\overline{62-46}}}{sen \, P\widehat{85}} = \frac{D_{\overline{62-85}}}{sen \, \beta} \qquad \qquad D_{\overline{62-46}} = 314,45$$

$$X_{P46} = X_{P62} + D_{P\overline{62-P46}} \operatorname{sen} \theta_{62}^{46} = 382,66 m$$

$$Y_{P46} = Y_{P62} + D_{P\overline{62-P46}} \cos \theta_{62}^{46} = 332,84 m$$